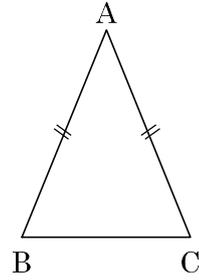


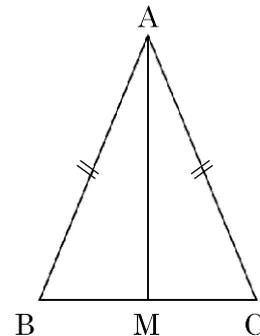
BCDE 空らんをうめなさい。

- ことばの意味をはっきり述べたものを () という。
- 二等辺三角形の定義は, () である。
- 右図のような $AB=AC$ の二等辺三角形 ABC で $\angle BAC$ を () $\angle ABC$, $\angle ACB$ を () という。
- 証明されたことがらのうち, 基本になるものを () という。
- 二等辺三角形の性質の定理は, () () である。



AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を, $AB=AC$ の二等辺三角形について証明するとき, 空らんをうめなさい。

右の図のように, 底辺 BC の中点を M とし, 頂点 A と M を結ぶ。



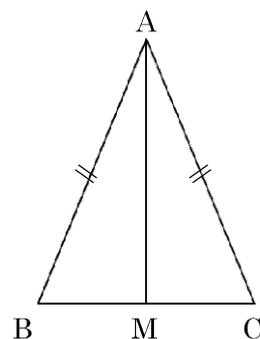
また, AM は共通だから, $AM=AM$ …③
 ①, ②, ③より,
 3組の辺がそれぞれ等しいから, $\triangle ABM \cong \triangle ACM$
 対応する角は等しいから, $\angle B = \angle C$
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

5

二等辺三角形 啓 P.126~129

ABC 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$ の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺 BC の中点を M とし、頂点 A と M を結ぶ。



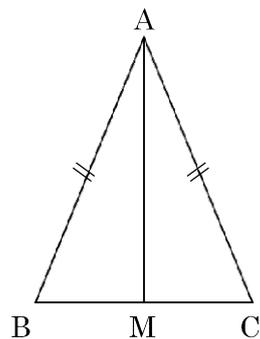
①, ②, ③より,
 3組の辺がそれぞれ等しいから, $\triangle ABM \equiv \triangle ACM$
 対応する角は等しいから, $\angle B = \angle C$
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

6

二等辺三角形 啓 P.126~129

AB 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$ の二等辺三角形について証明するとき、空らんをうめなさい。

右の図のように、底辺 BC の中点を M とし、頂点 A と M を結ぶ。



対応する角は等しいから, $\angle B = \angle C$
 よって, 二等辺三角形の底角は等しい。

7

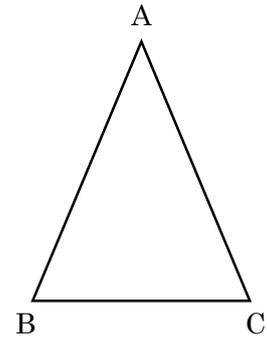
二等辺三角形 啓 P.126~129

ABCDE 「二等辺三角形の底角は等しい」という性質を、 $AB=AC$ の二等辺三角形について証明しなさい。

① 仮定と結論を答えなさい。

仮定 _____ 結論 _____

② 右の図で、辺 BC の中点を M とし、頂点 A と M を結ぶとき、
①を証明しなさい。



8

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE $\triangle ABC$ で $\angle BAC$ の二等分線を引き、辺 BC との交点を M とするとき、次の問いに答えなさい。

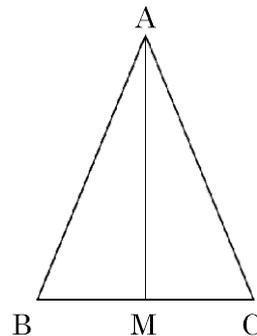
① 上のことがらに合う図をかきなさい。

② $\angle ABM = \angle ACM$ ならば、 $AB = AC$ になることを証明しなさい。

9

二等辺三角形 啓 P.126~129

CDE $AB=AC$ の二等辺三角形で、辺 BC の中点を M とするとき、 $\angle BAM = \angle CAM$ 、 $BC \perp AM$ になることを証明しなさい。

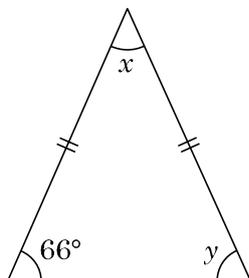


11

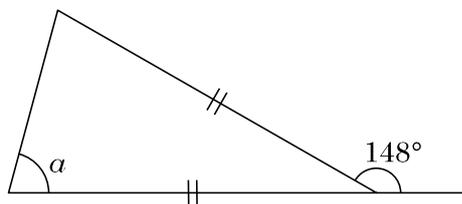
二等辺三角形 啓 P.126~129

ABCDE 次の $\angle x$ 、 $\angle y$ 、 $\angle a$ の大きさを求めなさい。

①



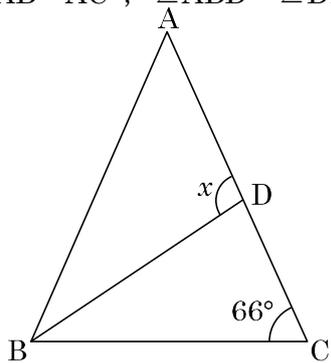
②



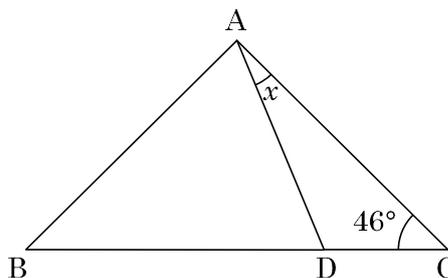
13 二等辺三角形 啓 P.126~129

DE 次の $\angle x$ の大きさを求めなさい。

① $AB=AC$, $\angle ABD=\angle DBC$

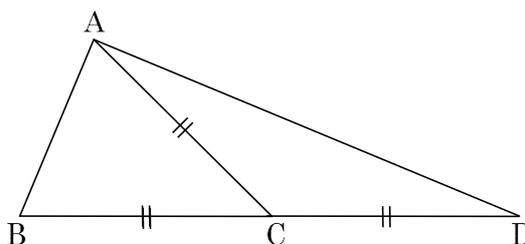


② $AB=BD=AC$



15 二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 次の $\angle BAD$ の大きさを求めなさい。また、求める過程も書きなさい。

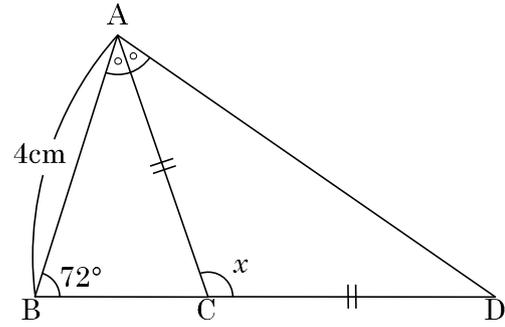


16

二等辺三角形 啓 P.126~129

CDE 右の図において、次の問いに答えなさい。

① $\angle x$ を求めなさい。



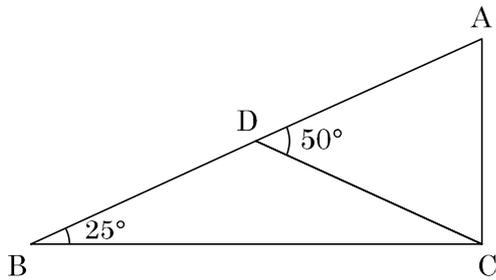
② CD の長さを求めなさい。

17

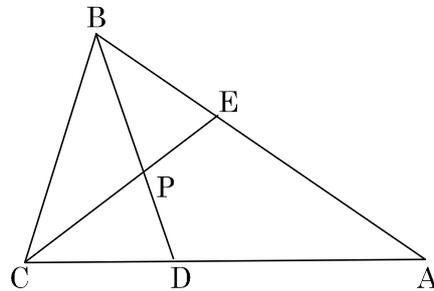
二等辺三角形 啓 P.126~129

E 次の①, ②の図で、二等辺三角形をすべて答えなさい。

① $DA=DC=DB$



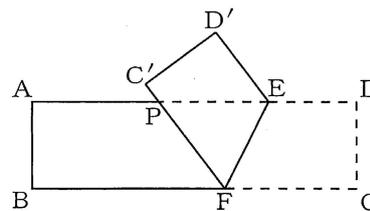
② $\angle ABD = \angle CBD = \angle ACE = \angle BCE$



18

二等辺三角形 啓 P.126~129

BCDE 右の図は $AD \parallel BC$ である紙テープを、 EF を折り目として折った図である。紙テープが重なったところの $\triangle PEF$ は二等辺三角形であることを証明しなさい。

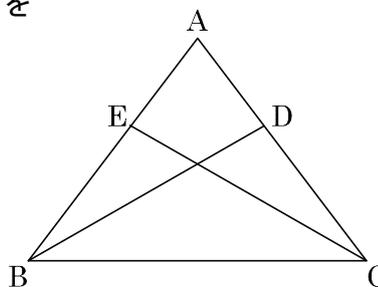


20

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

BCDE $\triangle ABC$ において、 $BD=CE$ になるように、 AB 上に点 E 、 AC 上に点 D をとる。

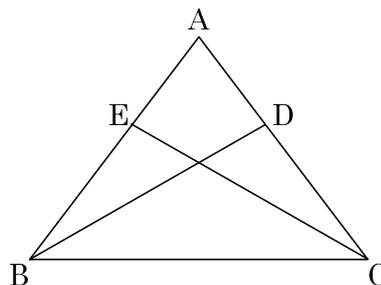
$\angle DBC = \angle ECB$ のとき、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形になることを証明しなさい。



22

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

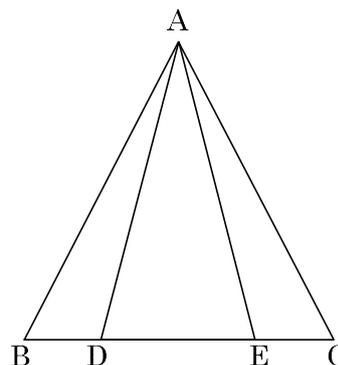
CDE 右の図で $AB=AC$ の二等辺三角形 ABC で $\angle DBC = \angle ECB$ ならば, $BD=CE$ であることを証明しなさい。



23

二等辺三角形の証明 啓 P.128~130

CDE 右の図で, $\triangle ABC$ は BC を底辺とする二等辺三角形である。 $BD=CE$ ならば $\angle ADB = \angle AEC$ であることを証明しなさい。



25

逆・反例 啓 P.131~132

ABCDE 次のことがらの逆を述べ, それが正しいかどうかを答えなさい。
「自然数 a が 4 の倍数ならば, a は偶数である。」

逆

26 次のことがらの逆を述べ、それが正しいかどうかを答えなさい。また、正しくない場合は反例も答えなさい。

① $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ならば、 $\angle ABC = \angle DEF$ 、 $\angle BCA = \angle EFD$ 、 $BC = EF$ である。

逆

② $x \geq 6$ ならば、 $x > 4$ である。

逆

③ 自然数 a 、 b で、 a も b も奇数ならば、 $a + b$ は偶数である。

逆

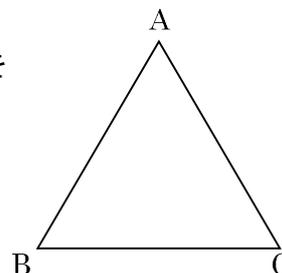
28 正三角形 啓 P.132~133
ABCDE 正三角形の定義と定理を書きなさい。

正三角形の定義 _____

正三角形の定理 _____

30 正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$ は $AB = AC$ 、 $\angle B = 60^\circ$ の二等辺三角形である。このとき、 $\triangle ABC$ は正三角形になることを証明するとき、空らんをうめなさい。



①より、 $\angle B = \angle C = 60^\circ \dots ②$

②より、 $\angle A = 180 - 60 \times 2 = 60^\circ \dots ③$

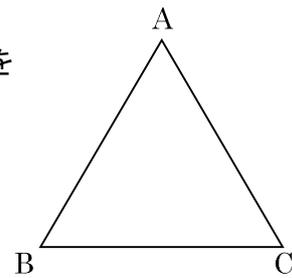
②③より $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから $\triangle ABC$ は正三角形

31

正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$ の二等辺三角形である。
このとき、 $\triangle ABC$ は正三角形になることを証明するとき、空らんを
うめなさい。



②より、 $\angle A = 180 - 60 \times 2 = 60^\circ \dots$ ③

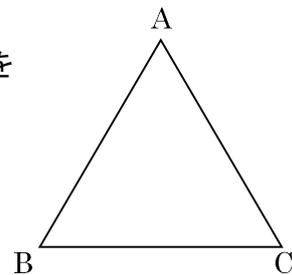
②③より $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから $\triangle ABC$ は正三角形

32

正三角形 啓 P.132~133

AB 右の図で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$ の二等辺三角形である。
このとき、 $\triangle ABC$ は正三角形になることを証明するとき、空らんを
うめなさい。



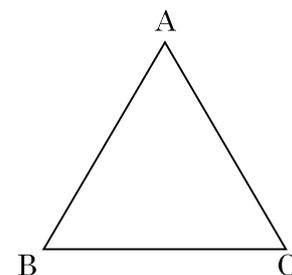
②③より $\angle A = \angle B = \angle C$

3つの角が等しいから $\triangle ABC$ は正三角形

33

正三角形 啓 P.132~133

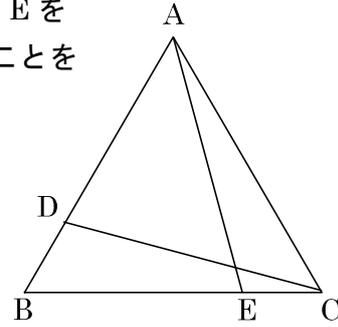
ABCDE 右の図で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle B=60^\circ$ の二等辺三角形である。
このとき、 $\triangle ABC$ は正三角形になることを証明しなさい。



34

正三角形 啓 P.132~133

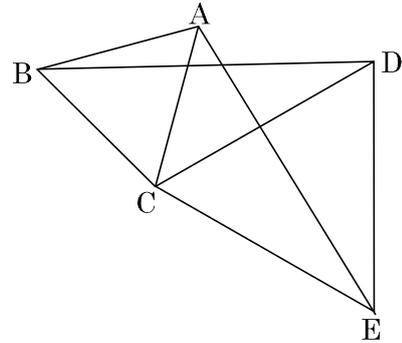
- DE 右の図のように正三角形 ABC の辺 AB , BC 上に, それぞれ D , E を $AD=BE$ となるようにとる。このとき, $\triangle ABE \cong \triangle CAD$ であることを証明しなさい。



36

正三角形 啓 P.132~133

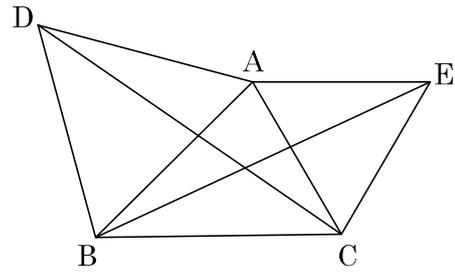
- DE 右の図で $\triangle ABC$ と $\triangle DCE$ は正三角形である。このとき, $AE=BD$ であることを証明しなさい。



37

正三角形 啓 P.132~133

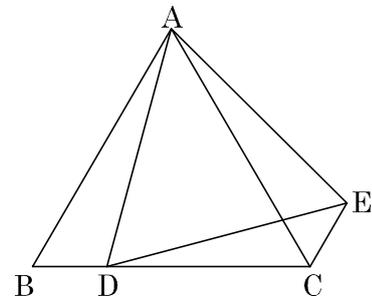
- E 右の図で、 $\triangle ABD$ 、 $\triangle ACE$ はどちらも正三角形である。このとき、 $DC=BE$ であることを証明しなさい。



38

正三角形 啓 P.132~133

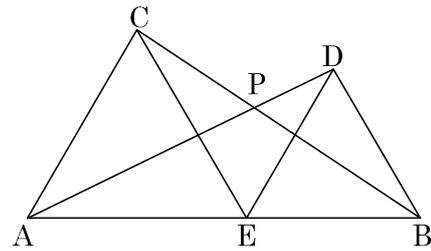
- E 正三角形 ABC の辺 BC 上に点 D をとり、 AD を 1 辺とする正三角形 ADE をつくる。 CE を結ぶとき、 $BD=CE$ であることを証明しなさい。



39

正三角形 啓 P.132~133

- E 右の図で、点 E は線分 AB 上の点であり、 $\triangle AEC$ 、 $\triangle EBD$ はどちらも正三角形である。
このとき $AD=CB$ であることを証明しなさい。また $\angle APC$ の大きさを求めなさい。



41

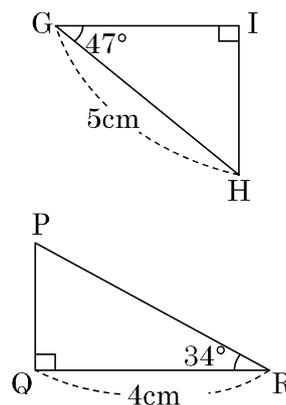
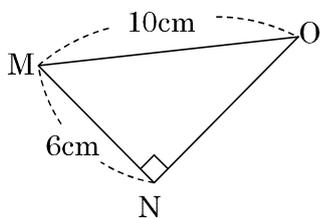
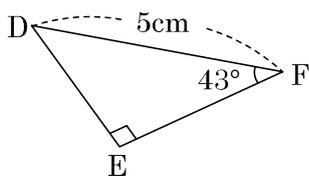
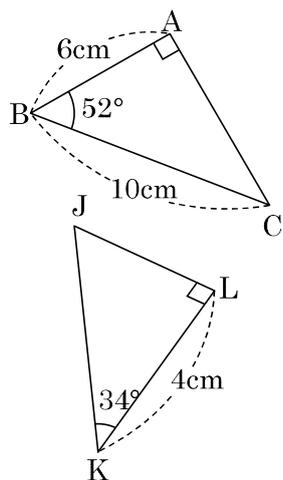
直角三角形の合同 啓 P.135~137

- ABCDE 空らんをうめなさい。

直角三角形の直角に対する辺を（ ）という。

直角三角形の合同条件は

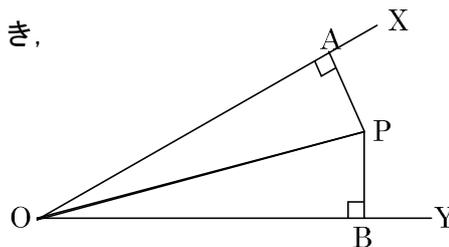
ABCDE 下の図で合同な直角三角形を見つけ、記号で表しなさい。また合同条件も答えなさい。



45

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき $PA=PB$ ならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。



共通だから、 $OP=OP$ …③

①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

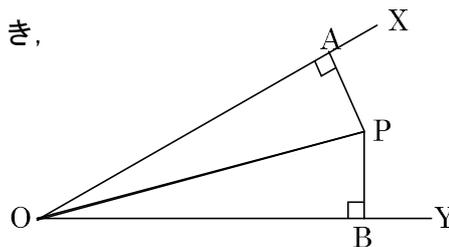
よって $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

46

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき $PA=PB$ ならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。



①②③より、

直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい

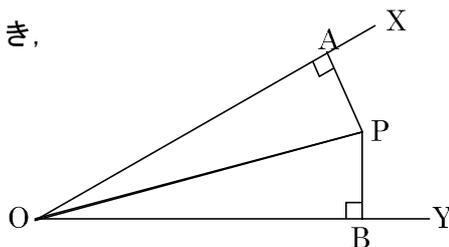
よって $\triangle AOP \cong \triangle BOP$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

47

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

- AB 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき $PA=PB$ ならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明するとき、空らんをうめなさい。

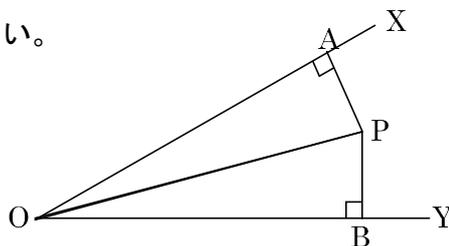


合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle AOP = \angle BOP$

48

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

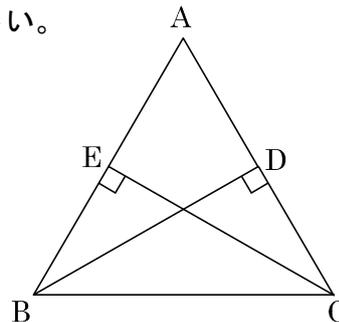
- ABCDE 右の図で、 $\angle XOY$ 内の点PからOX, OYにひいた垂線をPA, PBとする。このとき $PA=PB$ ならば $\angle AOP = \angle BOP$ であることを証明しなさい。



49

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

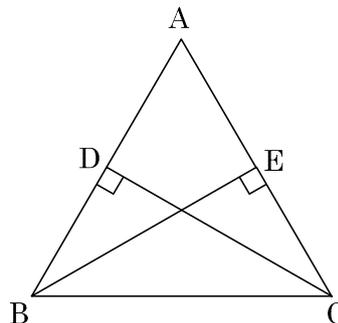
BCDE 次の図は、 $AB=AC$ の二等辺三角形である。頂点 B , C からそれぞれ AC , AB に垂線 BD , CE をひいたとき、 $BE=CD$ であることを証明しなさい。



50

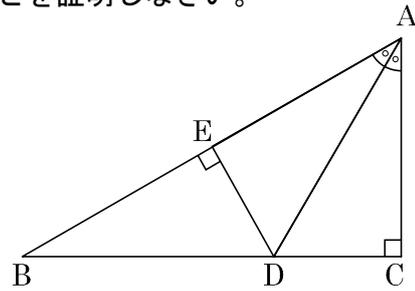
直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

DE 右の図で、 $\triangle ABC$ は BC を底辺とする二等辺三角形である。 $AB \perp CD$, $AC \perp BE$ ならば $AE=AD$ であることを証明しなさい。



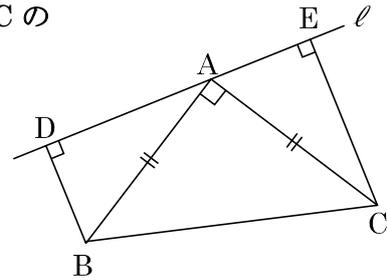
51 直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

E 右の図の直角三角形 ABC において $\angle A$ の二等分線と BC との交点を D とし、D から AB にひいた垂線を DE とします。このとき、 $ED=CD$ であることを証明しなさい。



52 直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

CDE 右の図のように、 $AB=AC$ 、 $\angle A=90^\circ$ の直角二等辺三角形 ABC の頂点 A を通る直線 ℓ に B、C から垂線 BD、CE をひくとき、 $DE=DB+EC$ であることを、次のように証明した。_____ にあてはまるものを答えなさい。



$\triangle ABD$ と _____ において

仮定より、 $\angle ADB = \text{_____} = 90^\circ \dots \text{①}$

$AB = \text{_____} \dots \text{②}$

$\angle ABD = 90^\circ - \text{_____} = \text{_____} \dots \text{③}$

①②③より、2つの直角三角形で、_____ がそれぞれ等しい

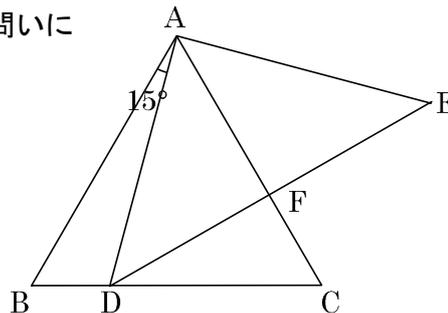
よって、 $\triangle ABD \cong \text{_____}$

したがって、 $DB = \text{_____}$, _____ だから、 $DE = DB + EC$

53

直角三角形の合同条件を使った証明 啓 P.138

E 右の図で、 $\triangle ABC$ は正三角形、 $\triangle ADE$ は $\angle DAE$ が直角で $AD=AE$ の直角二等辺三角形である。 $\angle BAD=15^\circ$ であるとき、次の問いに答えなさい。



① $\angle ADB$ の大きさを求めなさい。

② AC と DE との交点を F としたときの $\angle CFE$ の大きさを求めなさい。

③ $\triangle ADF$ と合同な三角形を答えなさい。
