

## 4 比例と反比例(中1)まとめ

1

ABCDE

次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

### 比例と反比例

★座標軸…右の図のように、点 O で垂直に交わる 2 つの数直線を考える。このとき横の数直線を **x 軸**、縦の数直線を **y 軸**という。**x 軸**と **y 軸**を合わせて **座標軸**という。

また、**座標軸**の交点 O を **原点**という。

★座標…右の図 P 点を表す数の組  $(-2, 3)$  を点 P の **座標**といい、 $-2$  を **x 座標**、 $3$  を **y 座標**という。

★変数…いろいろな値をとる文字を **変数**という。

★関数…ともなって変わる 2 つの変数  $x, y$  があり、 $x$  の値を決めると、それに対応して  $y$  の値がただ 1 つ決まるとき  $y$  は  $x$  の **関数**であるという。

★定数…変数に対して、 $y = 2x$  の 2 のように決まった数のことを **定数**という。

★比例の式…ともなって変わる変数  $x, y$  があり、その関係が、 $y = ax$  で表されるとき、 $y$  は  $x$  に **比例**するという。 $a$  は 0 ではない **定数**であり、**比例定数**という。

★反比例の式…ともなって変わる変数  $x, y$  があり、その間の関係が、 $y = \frac{a}{x}$  ( $a$  は定数) で表されるとき、 $y$  は  $x$  に **反比例**するという。また、定数  $a$  ( $a \neq 0$ ,  $a$  は 0 ではない数) を **比例定数**という。 $y = \frac{a}{x}$  は、 $xy = a$  と变形できる。

**例**  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

①  $y$  は  $x$  に比例し、 $x=1$  のとき  
 $y=2$  である。

[解き方]  $y = ax$  に  $x=1$ ,  $y=2$  を代入する。

$$2 = 1 \times a \quad a = 2$$

よって  $y = 2x$

[答]  $y = 2x$

②  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x=-5$  のとき  
 $y=4$  である。

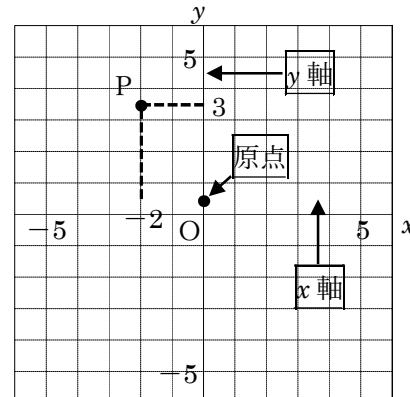
[解き方]  $xy = a$  に  $x=-5$ ,  $y=4$  を代入する。

$$a = -5 \times 4 = -20$$

これを  $y = \frac{a}{x}$  に代入する。 $y = \frac{-20}{x} = -\frac{20}{x}$

[答]  $y = -\frac{20}{x}$

**hakken の法則**



2  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

- ABCDE ①  $y$  が  $x$  に比例し,  $x=2$  のとき  
 $y=-6$  である。

$y=ax$  に  $x=2$ ,  $y=-6$  を代入する。

$$-6 = a \times 2$$

$$-2a = 6$$

$$\frac{-2a}{-2} = \frac{6}{-2}$$

$$a = -3 \quad \text{よって } y = -3x$$

$$\underline{\underline{y = -3x}}$$

3  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

- ABCDE ①  $y$  が  $x$  に反比例し,  $x=-6$  のとき  
 $y=8$  である。

$xy=a$  に  $x=-6$ ,  $y=8$  を代入する。

$$a = 8 \times (-6) = -48$$

これを  $y=\frac{a}{x}$  に代入する。

$$y = -\frac{48}{x}$$

$$\underline{\underline{y = -\frac{48}{x}}}$$

- ②  $y$  が  $x$  に反比例し,  $x=-1$  のとき  
 $y=-24$  である。

$xy=a$  に  $x=-1$ ,  $y=-24$  を代入する。

$$a = -24 \times (-1) = 24$$

これを  $y=\frac{a}{x}$  に代入する。

$$y = \frac{24}{x}$$

$$\underline{\underline{y = \frac{24}{x}}}$$

- ②  $y$  が  $x$  に比例し,  $x=-16$  のとき  
 $y=-24$  である。

$y=ax$  に  $x=-16$ ,  $y=-24$  を代入する。

$$-24 = a \times (-16)$$

$$-24 = -16a$$

$$\frac{16a}{16} = \frac{24}{16}$$

$$a = \frac{3}{2} \quad \text{よって } y = \frac{3}{2}x$$

$$\underline{\underline{y = \frac{3}{2}x}}$$

## 4 次の問いに答えなさい。

ABCDE ①  $y$  は  $x$  に比例し,  $x=1$  のとき  $y=2$  である。このとき,  $x=3$  のときの  $y$  の値を求めなさい。

$y=ax$  に  $x=1, y=2$  を代入する。 $2=1 \times a, 2=a, a=2$

よって, 求める式は  $y=2x$   $y=2x$  に  $x=3$  を代入する。 $y=2 \times 3, y=6$

$$\underline{\underline{y=6}}$$

②  $y$  は  $x$  に反比例し,  $x=7$  のとき  $y=4$  である。 $x=-2$  のとき  $y$  の値を求めなさい。

$x=7, y=4$  を  $xy=a$  に代入する。 $a=7 \times 4=28$

これを  $y = \frac{a}{x}$  に代入する。

$y=\frac{28}{x}$  これに  $x=-2$  を代入する。 $y=\frac{28}{-2}=-14$

$$\underline{\underline{y=-14}}$$

次の hakken.の法則を読んで解き方を覚えなさい。

## 比例のグラフ

## hakken. の 法則

★比例のグラフ… $y=ax$  のグラフは原点を通る直線である。

比例定数  $a$  が正のとき右上がりのグラフになり  
 $a$  が負のとき右下がりのグラフになる。

### ★比例のグラフのかき方

- ① 原点に点をとる。
- ② 比例定数を分数の形に書きかえ、原点から分母の数だけ右へ分子の数だけ上へ移動した点をとる。

(比例定数が負の場合は分子の数だけ下へ移動した点をとる。)

- ③ ①と②を通る直線をグラフ用紙いっぱいにかき、 $x$  座標、 $y$  座標がともに整数のところに点をかく。

- ④ グラフのそばに問題の番号を書く。

**例** 次の関数のグラフをかきなさい。

$$(1) \ y = \frac{1}{3}x$$

$$(2) \ y = -5x$$

$$(3) \ y = 0.8x$$

[解き方]

$$(1) \text{ 比例定数は } \frac{1}{3}$$

$$(2) \text{ 比例定数は } -5 = \frac{-5}{1}$$

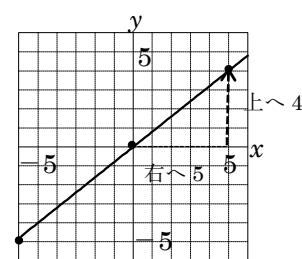
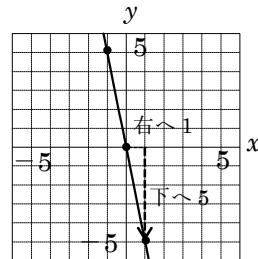
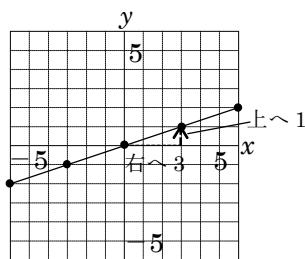
$$(3) \text{ 比例定数は } 0.8 = \frac{8}{10}$$

$$= \frac{4}{5}$$

原点から右へ 3、上へ 1  
移動したところに点をとる

原点から右へ 1、下へ 5  
移動したところに点をとる

原点から右へ 5、上へ 4  
移動したところに点をとる



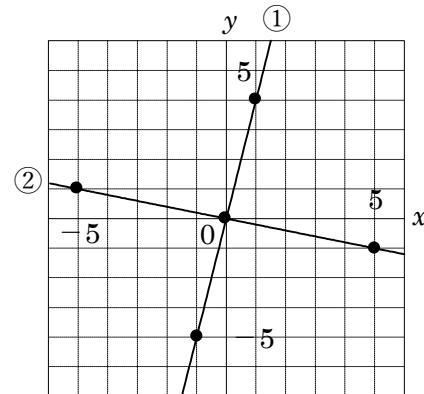
## 6 次の式のグラフをかきなさい。

ABCDE ①  $y = 4x$

比例定数は  $\frac{4}{1}$  原点から右に 1, 上に 4  
移動したところに点をとる

②  $y = -0.2x$  分数に直すと  $y = -\frac{1}{5}x$

比例定数は  $\frac{-1}{5}$  原点から右に 5, 下に 1  
移動したところに点をとる



## 7 次の hakken. の法則を読んで解き方を覚えなさい。

ABCDE

## 反比例のグラフ

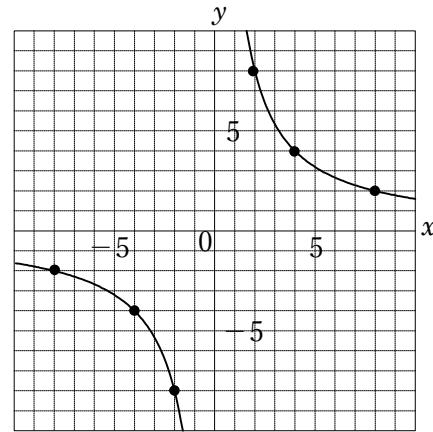
## hakken. の法則

例 次の表を完成させて  $y = \frac{16}{x}$  のグラフをかきなさい。

x	-8	-4	-2	-1	0	1	2	4	8
y	-2	-4	-8	-16	x	16	8	4	2

表の  $x, y$  の値の組を座標とする点をとり,  
なめらかな曲線で結ぶ。

◎ 反比例の関係では、 $x=0$  のときの  $y$  の値はない。



## 8 次の式のグラフをかきなさい。

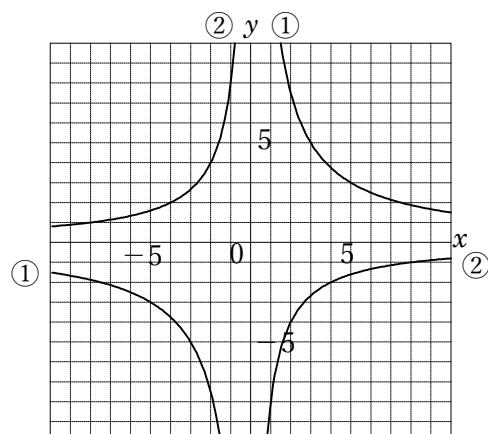
ABCDE

①  $y = \frac{15}{x}$

$xy = 15$  となる点をとり, なめらかな曲線で結ぶ。

②  $y = -\frac{8}{x}$

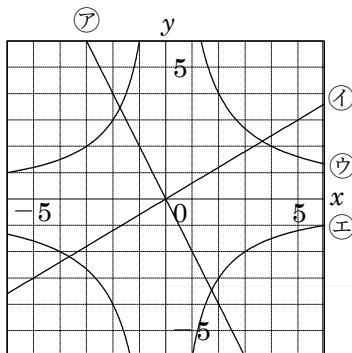
$xy = -8$  となる点をとり, なめらかな曲線で結ぶ。



9

下のⒶ～Ⓔの式を求めなさい。

ABCDE



$$\textcircled{③} \quad y = -2x \quad \textcircled{①} \quad y = \frac{3}{5}x$$

⑦と①は比例定数をグラフから読み取る。

$$\textcircled{⑦} \quad y = \frac{8}{x} \quad \textcircled{⑤} \quad y = -\frac{6}{x}$$

⑦と⑤は  $x$  座標と  $y$  座標が共に整数である点をさがす。

⑦ (3, -2)を通っているから

$$xy=a \text{ に } x=3, y=-2 \text{ を代入}$$

$$a=3 \times (-2)=-6$$

$$\text{これを } y = \frac{a}{x} \text{ に代入} \quad y = \frac{-6}{x}$$

$$= -\frac{6}{x}$$

⑤ (4, 2)を通っているから

$$xy=a \text{ に } x=4, y=2 \text{ を代入}$$

$$a=4 \times 2=8$$

$$\text{これを } y = \frac{a}{x} \text{ に代入}$$

$$y = \frac{8}{x}$$

- 10 次のことがらを  $y$  を  $x$  の式で表し、 $y$  が  $x$  に比例するもの、反比例するものをすべて選び、BCDE 記号で答えなさい。

⑦ 200km の道のりを、時速  $x$  km で進むとき  $y$  時間かかる。

$$\text{時間} = \text{道のり} \div \text{速さ}$$

$$\text{式 } y = \frac{200}{x}$$

① 底辺が  $x$  cm、高さが 15cm の三角形の面積は  $y$  cm<sup>2</sup> である。

$$\text{三角形の面積} = \frac{1}{2} \times \text{底辺} \times \text{高さ}$$

$$\text{式 } y = \frac{15}{2}x$$

⑤ 所持金が 1600 円で、300 円のシャープペンシルを  $x$  本買ったときの残金は  $y$  円である。

$$\text{式 } y = 1600 - 300x$$

④ 分速 120m の速さで図書館に向かった。図書館までは、 $x$  分かかり、進んだ道のりは  $y$  m である。

$$\text{道のり} = \text{速さ} \times \text{時間}$$

$$\text{式 } y = 120x$$

⑥ 周の長さが 36cm の長方形の縦の長さが  $x$  cm、横の長さが  $y$  cm である。

$$\text{周の長さ} = 2 \times \text{縦} + 2 \times \text{横} \quad 36 = 2x + 2y \quad 2y = 36 - 2x$$

$$\text{式 } y = 18 - x$$

⑧ 面積が 24cm<sup>2</sup> の長方形の縦が  $x$  cm、横が  $y$  cm である。

$$\text{長方形の面積} = \text{縦} \times \text{横} \quad 24 = x \times y$$

$$\text{式 } y = \frac{24}{x}$$

比例 ①, ②, ③, ④, ⑤, ⑥, ⑦, ⑧  
反比例 ⑨, ⑩, ⑪, ⑫, ⑬, ⑭, ⑮, ⑯, ⑰, ⑱, ⑲, ⑳

- 11 次の①～②について表の空らんⒶ, Ⓛをうめ,  $y$ を $x$ の式で表しなさい。また,  $y$ が $x$ に比例するものには○, 反比例するものには△と書きなさい。

①

$x$	1	2	3	4
$y$	12	6	Ⓐ	3

$x$ が2倍3倍すると,  $y$ は $\frac{1}{2}$ 倍 $\frac{1}{3}$ 倍になっているから, 反比例

$$\textcircled{A} \quad 4$$

$$\text{式 } y = \frac{12}{x}$$

記号  $\triangle$ 

②

$x$	1	2	3	4
$y$	-4	Ⓐ	-12	-16

$x$ が2倍3倍すると,  $y$ も2倍3倍になっているから, 比例

$$\textcircled{A} \quad -8$$

$$\text{式 } y = -4x$$

記号  $\bigcirc$ 

- 12 齒の数が30の歯車Aが1秒間に4回転する。また、歯の数が

BCDE  $x$ の歯車Bは1秒間に $y$ 回転する。これについて次の各問いに

答えなさい。

- ①  $y$ を $x$ の式で表しなさい。

Aの歯車は歯の数が30で、1秒間に4回転するため

1秒間に歯が $30 \times 4 = 120$ 動く。

また、Bの歯車では、

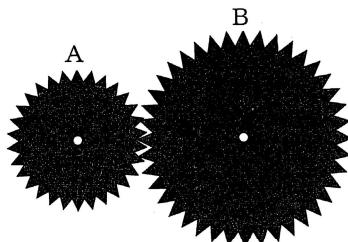
歯の数が $x$ で1秒間に $y$ 回転するため

1秒間に歯が $x \times y$ 動く。

Aの歯車とBの歯車の動く歯の数は等しいので1秒間に歯が $x \times y$ 動く。

よって、 $120 = xy$ ,

$$y = \frac{120}{x}$$



$$y = \frac{120}{x}$$

- ② 歯車Bの歯の数が40のとき、歯車Bは1秒間に何回転するか。

$$y = \frac{120}{x} \text{ に } x = 40 \text{ を代入して, } y = 3$$

 $3$ 回転

- ③ 歯車Bが1秒間に2回転しているとき、歯車Bの歯の数はいくつか。

$$y = \frac{120}{x} \text{ に } y = 2 \text{ を代入して, } x = 60$$

60

- 13 3人がボールを1人100個磨くことにしたが、<sup>みが</sup>1人あたりの磨く数が多いので、人数を増やして1人あたりの磨く数を30個にしたい。このとき次の問いに答えなさい。
- ① 1人あたりの磨く数を  $x$  個、人数を  $y$  人とするとき、 $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

個数が2倍3倍...になると、

人数は  $\frac{1}{2}$ 倍  $\frac{1}{3}$ 倍...と減るから、 $y$  と  $x$  の関係は反比例

$xy=a$  に  $x=100$ ,  $y=3$  を代入すると

$$100 \times 3 = a$$

$$a = 300$$

求める式は  $y = \frac{a}{x}$  より、 $y = \frac{300}{x}$

$$y = \frac{300}{x}$$

- ② 何人で磨けばよいか答えなさい。

$y = \frac{300}{x}$  に  $x=30$  を代入すると、 $y = \frac{300}{30} = 10$

10人

- 14 体育館で、いすを1列に20脚ずつ、18列に並べた。このとき、次の問いに答えなさい。

- DE ① いすを1列に  $x$  脚ずつ、 $y$  列に並べるとして、 $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

$xy=a$  に  $x=20$ ,  $y=18$  を代入して、

$$a = 20 \times 18$$

$$a = 360$$

$$y = \frac{360}{x}$$

- ② このいすを並べかえて、1列に15脚ずつにするとき、列の数を求めなさい。

$y = \frac{360}{x}$  に  $x=15$  を代入して、

$$y = \frac{360}{15}$$

$$= 24$$

24列

15 3人でポスターを1人30枚ずつかかる。このとき、次の問いに答えなさい。

DE ① 1人あたりのかく枚数を $x$ 枚、かく人数を $y$ 人とするとき、 $y$ を $x$ の式で表しなさい。

$$y = \frac{a}{x} \text{ に } x=30, y=3 \text{ を代入すると,}$$

$$3 = \frac{a}{30}$$

$$a=90$$

$$y = \frac{90}{x}$$

② 1人あたりのかく枚数が多いので、人数を増やして1人あたりのかく枚数を最初の $\frac{1}{6}$ にしたい。何人でかけばよいか求めなさい。

最初は、1人あたり30枚だったので、 $30 \times \frac{1}{6} = 5$  よって1人あたり5枚かけばよい。

$$y = \frac{90}{x} \text{ に } x=5 \text{ を代入すると,}$$

$$y = \frac{90}{5}$$

$$= 18$$

18人

16

ABCDE

次のhakken.の法則を読んで内容を覚えなさい。

### 変域

### hakken.の法則

★変域…変数のとる値の範囲を、その変数の変域という。

★変域の数直線上での表し方…『以上』『以下』のときは( $\geq$ ,  $\leq$ )それ以外は( $>$ ,  $<$ )で表す。

例 ① 次のような変域を不等号を使って表しなさい。

(1)  $x$ は5より小さい

$$x < 5$$

(2)  $x$ は-1未満

$$x < -1$$

(3)  $x$ は2より大きく6以下

$$2 < x \leq 6$$

(4)  $x$ は-3以上0未満

$$-3 \leq x < 0$$

②  $y$ は $x$ に比例し、 $x=3$ のとき $y=-5$ である。 $x$ の変域が $-2 \leq x \leq 3$ のとき、

$y$ の変域を求めなさい。

[解き方]  $y=ax$  に $x=3, y=-5$ を代入する。 $-5=3 \times a, \frac{-5}{3}=\frac{3a}{3}, a=-\frac{5}{3}$

よって、求める式は $y=-\frac{5}{3}x$   $y=-\frac{5}{3}x$ に $x=-2, 3$ を代入する。

$$x=-2 \text{ のとき, } y=-\frac{5}{3} \times (-2), \quad x=3 \text{ のとき, } y=-\frac{5}{3} \times 3$$

$$= \frac{10}{3} \quad = -5$$

よって、求める変域は、 $-5 \leq y \leq \frac{10}{3}$

[答]  $-5 \leq y \leq \frac{10}{3}$

- 17  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x=4$  のとき、 $y=-3$  である。 $x$  の変域が  $3 \leq x \leq 6$  のとき、 $y$  の変域を  
ABCDE 求めなさい。

$xy=a$  ( $y=\frac{a}{x}$ ) に  $x=4$ ,  $y=-3$  を代入すると、 $4 \times (-3)=a$ ,  $a=-12$

よって、 $y=-\frac{12}{x}$  ,  $x=3$  のとき、 $y=-\frac{12}{3}$ ,  $y=-4$

$x=6$  のとき、 $y=-\frac{12}{6}$ ,  $y=-2$ , よって、 $-4 \leq y \leq -2$

$$\underline{-4 \leq y \leq -2}$$

- 18 10L 入る容器に、毎分 2L の割合で水を入れる。このとき、水を入れる時間  $x$  分と、入った水の  
BCDE 量  $y$  L の関係を、式とグラフに表しなさい。

時間が 2 倍、3 倍…になると水の量も 2 倍、3 倍…となるから

$y$  は  $x$  に比例している。 $y=ax$  で、毎分 2L なので

$x=1$ ,  $y=2$  を  $y=ax$  に代入すると、 $a=2$

よって、比例の式は、 $y=2x$

容器は 10L なので、 $y=10$  を  $y=2x$  に代入すると、

$x=5$  より、 $x$  の変域は、 $0 \leq x \leq 5$

$$\underline{y=2x \quad (0 \leq x \leq 5)}$$

19

父とAくんが同時に家を出発し、家から図書館に行った。

CDE

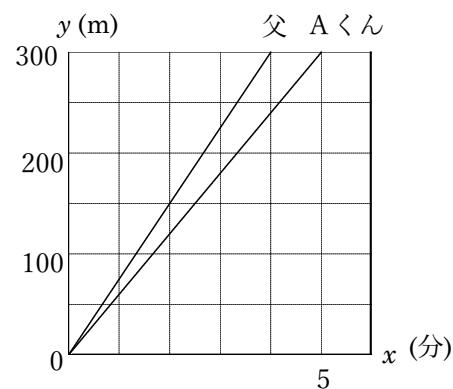
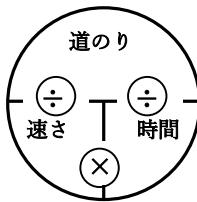
右のグラフはその様子を表したものです。

① 父とAくんの速さを求めなさい。

右の図から 速さ = 道のり( $y$ ) ÷ 時間( $x$ )

グラフから 父(4, 300)

Aくん(5, 300)より

父の速さ =  $300 \div 4 = 75$ (m/分)Aくんの速さ =  $300 \div 5 = 60$ (m/分)父  $75\text{m}/\text{分}$  Aくん  $60\text{m}/\text{分}$ ② 父とAくんそれぞれについて、 $y$ を $x$ の式で表しなさい。また、 $x$ の変域も答えなさい。道のり( $y$ ) = 速さ × 時間( $x$ )より 父  $y = 75x$  Aくん  $y = 60x$ 変域はグラフより 父  $0 \leq x \leq 4$  Aくん  $0 \leq x \leq 5$ 父  $y = 75x (0 \leq x \leq 4)$  Aくん  $y = 60x (0 \leq x \leq 5)$ 

③ 父とAくんが 30mはなれるのは、家を出発してから何分後か答えなさい。

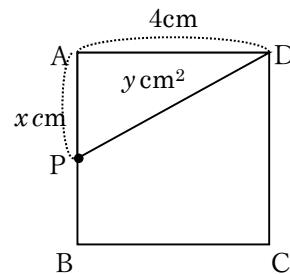
1分で 15m ずつはなれていくので、 $30 \div 15 = 2$ 2分後

- 20 点 P は、右の図のような正方形 ABCD の辺 AB, BC 上を A から B, C から D の順に C まで動く。点 P が  $x\text{cm}$  動いたときの三角形 APD の面積を  $y \text{ cm}^2$  として、次の①～③に答えなさい。

① 点 P が辺 AB 上にあるとき、 $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

AP を底辺とみると、高さは AD = 4cm。

また、AP =  $x\text{cm}$  だから、 $y = \frac{1}{2} \times x \times 4 = 2x$



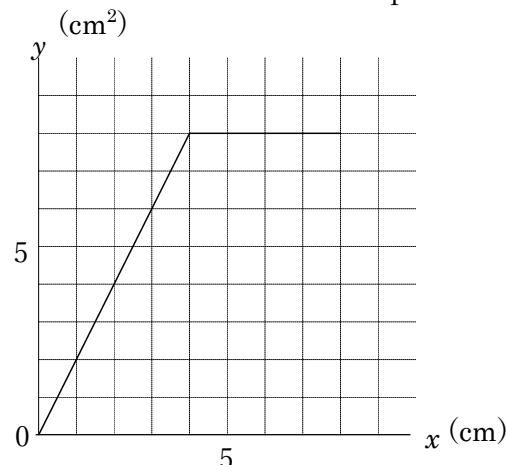
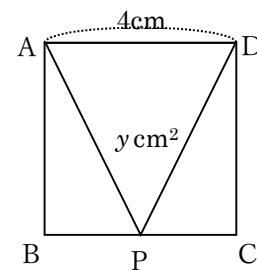
式  $y = 2x$   $x$  の変域  $0 \leq x \leq 4$

- ② 点 P が辺 BC 上にあるとき、 $y$  は常に同じ値をとる。この  $y$  の値を求めなさい。  
また、このときの  $x$  の変域を答えなさい。

AD を底辺とみると、高さは常に 4cm だから、

$$y = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

- ③ ①, ②のグラフをかきなさい。



- 21 太さが一定の針金が 40m ある。この針金 3m の重さをはかると 135g であった。この針金  $x\text{m}$  の重さを  $y\text{ g}$  として、次の①～③に答えなさい。

- ①  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

針金の重さは長さに比例するから、 $y = ax$  と表される。

$x=3$  のとき  $y=135$  だから、 $135=a \times 3$

$a=45$  したがって、 $y=45x$

$y=45x$

- ② この針金 6m の重さは何 g か。

$y=45x$  に  $x=6$  を代入すると、 $y=45 \times 6=270(\text{g})$

**270g**

- ③  $x$  の変域は  $0 \leq x \leq 40$  である。このときの  $y$  の変域を求めなさい。

$x=0$  のとき、 $y=0$

$x=40$  のとき、 $y=45 \times 40=1800$

したがって、 $0 \leq y \leq 1800$

**$0 \leq y \leq 1800$**

- 22 每分 6L ずつ水を入れると、60 分間でいっぱいになる水そうがある。毎分  $x$ L ずつ水を入れる  
DE と  $y$  分間でいっぱいになるとして、次の①～④に答えなさい。

① 水そうに入れることができる水全体の量は何 L か。

$$6 \times 60 = 360(\text{L})$$

②  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

$$xy = 360 \text{ より, } y = \frac{360}{x}$$

$$\underline{\underline{360\text{L}}}$$

$$y = \frac{360}{x}$$

③ 每分 15L ずつ水を入れるとすると、いっぱいになるまでに何分間かかるか。

$$\text{②の式に } x=15 \text{ を代入すると, } y = \frac{360}{15} = 24 \text{ (分間)}$$

$$\underline{\underline{24 \text{ 分間}}}$$

④  $x$  の変域が  $3 \leq x \leq 20$  のときの  $y$  の変域を求めなさい。

$$x=3 \text{ のとき, } y = \frac{360}{3} = 120$$

$$x=20 \text{ のとき, } y = \frac{360}{20} = 18 \text{ したがって, } 18 \leq y \leq 120$$

$$\underline{\underline{18 \leq y \leq 120}}$$

- 23 あるバネは、100g 以下のおもりをつるすとき、のびる長さはおもりの重さに比例する。この  
DE バネに 30g のおもりをつるしたら、6cm のびた。 $x$  g のおもりをつるすと  $y$  cm のびるとして、  
次の①～③に答えなさい。ただし、つるすおもりは 100g までとする。

①  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

のびる長さはおもりの重さに比例するから、 $y=ax$  と表される。

$$x=30 \text{ のとき } y=6 \text{ だから, } 6=a \times 30$$

$$a = \frac{1}{5}$$

$$y = \frac{1}{5}x$$

② 25g のおもりをつるすと、バネは何 cm のびるか。

$$y = \frac{1}{5}x \text{ に } x=25 \text{ を代入すると, } y = \frac{1}{5} \times 25 = 5$$

$$\underline{\underline{5\text{cm}}}$$

③  $x, y$  の変域をそれぞれ求めなさい。

$$x \text{ の変域は } 0 \leq x \leq 100 \quad x=0 \text{ のとき } y=0$$

$$x=100 \text{ のとき } y=20$$

したがって、 $y$  の変域は、 $0 \leq y \leq 20$

$$x \text{ の変域 } \underline{\underline{0 \leq x \leq 100}} \quad y \text{ の変域 } \underline{\underline{0 \leq y \leq 20}}$$

24 右の図において、A(6, 3)は⑦のグラフ上の点である。また、点Pは⑦と①のグラフの

CDE 交点で、Pのx座標は-4である。このとき、次の①～④に答えなさい。

① ⑦の式を求めなさい。

⑦は比例のグラフだから、

$$y=ax \text{ に } x=6, y=3 \text{ を代入して, } 3=a \times 6, a=\frac{1}{2}$$

$$\text{したがって, } y=\frac{1}{2}x$$

$$\underline{y=\frac{1}{2}x}$$

② 点Pの座標を求めなさい。

$$\text{①より, } y=\frac{1}{2}x \text{ に } x=-4 \text{ を代入すると, } y=\frac{1}{2} \times (-4)=-2$$

$$\text{したがって, }$$

$$\underline{(-4, -2)}$$

③ ①の式を求めなさい。

P(-4, -2)は①のグラフ上にある。

$$\text{①は反比例のグラフだから, } y=\frac{b}{x} \text{ に } x=-4, y=-2 \text{ を代入して,}$$

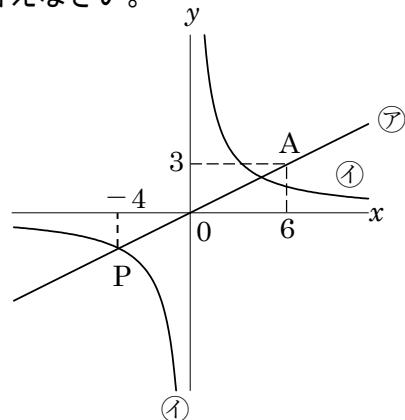
$$-2=\frac{b}{-4}, b=8 \quad \text{したがって, } y=\frac{8}{x}$$

$$\underline{y=\frac{8}{x}}$$

④ ①のグラフ上にあって、x座標が-1である点のy座標を求めなさい。

$$y=\frac{8}{x} \text{ に } x=-1 \text{ を代入して, } y=\frac{8}{-1}=-8$$

$$\underline{y=-8}$$



- 25 右の図で  $\ell$  は直線で、 $m$  は双曲線である。直線  $\ell$  と曲線  $m$  は点 A, B で交わり、点 A の座標は  $(3, 2)$ 、点 B の  $x$  座標は  $-3$  である。このとき、次の問い合わせに答えなさい。

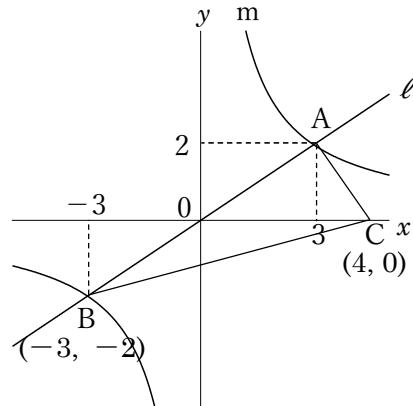
- ① 直線  $\ell$  と曲線  $m$  の式を求めなさい。

$$y=ax \text{ に } (3, 2) \text{ を代入して, } 2=3a, \quad a=\frac{2}{3}$$

$$y=\frac{2}{3}x$$

$$xy=a \quad (y=\frac{a}{x}) \text{ に } (3, 2) \text{ を代入して, } a=6$$

$$y=\frac{6}{x}$$



$\text{直線 } \ell \quad y = \frac{2}{3}x$	$\text{曲線 } m \quad y = \frac{6}{x}$
--	--------------------------------------

- ② 点 B の座標を求めなさい。

$$x=-3 \text{ を } y=\frac{2}{3}x \text{ に代入 } y=-2$$

$$(-3, -2)$$

- ③  $x$  軸上に点 C(4, 0)をとるととき、三角形 ABC の面積を求めなさい。

原点を O とおくと三角形 ABC=三角形 AOC+三角形 OBC

OC を底辺と考えると三角形 AOC の高さは 2

OC を底辺と考えると三角形 OBC の高さも 2

$$\begin{aligned} \text{三角形 AOC+三角形 OBC} &= \frac{1}{2} \times 4 \times 2 + \frac{1}{2} \times 4 \times 2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

$$8$$

26

DE 右の図は反比例  $y = \frac{15}{x}$  のグラフ上にかいた 2 つの四角形です。四角形 ABCD の面積が  $10\text{cm}^2$  のとき、四角形 CEFG の面積を求めなさい。

$$y = \frac{15}{x}, xy = 15 \text{ より}$$

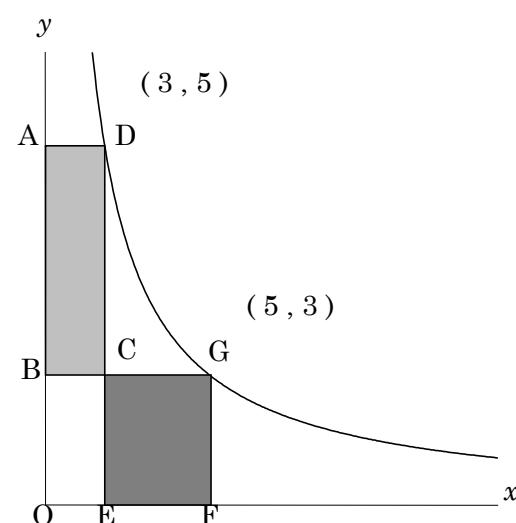
$x$  座標と  $y$  座標の積はつねに 15 だから

四角形 AOED と四角形 BOFG の面積は  $15\text{ cm}^2$

四角形 ABCD =  $15 - \text{四角形 BOEC}$

四角形 CEFG =  $15 - \text{四角形 BOEC}$

よって、四角形 ABCD = 四角形 CEFG =  $10\text{cm}^2$



**10cm<sup>2</sup>**