

17 確率(中2)まとめ

1 次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・カード

hakken. の 法則

★確率…あることがらの起こることが期待される程度を表す数を、そのことがらの起こる確率という。

起こり得る場合が同じ程度に期待できるとき、どの結果が起こることも同様に確からしいという。

★確率とその求め方…起こりうる場合が全部で n 通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしいとする。そのうち、ことがら A の起こる場合が a 通りである

とき、ことがら A の起こる確率 p は、 $p = \frac{a}{n}$ で求めることができる。

★確率の表す数の範囲…あることがらが起こる確率を p とすると、 p の値の範囲は

$$0 \leq p \leq 1$$

「確率が 1 である」とは、そのことがらが必ず起こるということであり、

「確率が 0 である」とは、そのことがらが決して起こらないということを意味する。

★樹形図…起こりうる結果を全部あげる場合、下のような図をかくと、見落としや重なりなく数えることができる。下のような図を樹形図という。

例 $\boxed{2} \boxed{5} \boxed{8}$ のカードがある。この 3 つのカードを使って 3 けたの整数を作るとき、次の問い合わせに答えなさい。

(1) 偶数になる確率を求めなさい。

[解き方] 3 けたの整数は、6 通り、

偶数になるのは、258,528,582,852

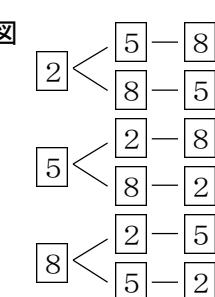
$$\text{偶数になる確率は, } \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \quad [\text{答}] \quad \underline{\frac{2}{3}}$$

(2) 5 の倍数になる確率を求めなさい。

[解き方] 5 の倍数になるのは、285,825

$$5 \text{ の倍数になる確率は, } \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \quad [\text{答}] \quad \underline{\frac{1}{3}}$$

百の位 十の位 一の位



2 次の各問いに答えなさい。

- ABCDE ① 1 2 3 の 3 枚のカードの中から 2 枚のカードを選んで 2 けたの整数を作るととき、その数が偶数となる確率を求めなさい。

-
- ② 0 1 2 3 の 4 枚のカードの中から 2 枚のカードを選んで 2 けたの整数を作るととき、その数が 20 以上である確率を求めなさい。
-

3 ジョーカーの入っていない 52 枚のトランプから 1 枚ひくとき、次の各問いに答えなさい。

- BCDE ① ひいたカードがハートである確率を求めなさい。
-

- ② ひいたカードが 5, 6, 7 のいずれかである確率を求めなさい。
-

- ③ ひいたカードが A か K である確率を求めなさい。
-

- 4 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・2枚のカード

hakken. の法則 

- 例 右の図のような、まるいカードが5枚あります。

これらのカードを箱に入れて、同時に2枚を取り出すとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 2枚のカードが同じ模様のカードである確率を答えなさい。

[解き方] 表より、2枚のカードの取り出し方は、10通り
同じ模様のカードである場合は4通り、

$$\text{求める確率は } \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \quad [\text{答}] \quad \underline{\frac{2}{5}}$$

- ① ② ③ ④ ⑤

| | ① | ② | ③ | ④ | ⑤ |
|---|---|---|---|---|---|
| ① | | ● | ● | ○ | ○ |
| ② | | | ● | ○ | ○ |
| ③ | | | | ○ | ○ |
| ④ | | | | | ● |
| ⑤ | | | | | |

- (2) 2枚のカードが同じ模様のカードでない確率を答えなさい。

[解き方] (1)より、同じ模様のカードである確率は $\frac{2}{5}$

$$\text{求める確率は } 1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5} \quad [\text{答}] \quad \underline{\frac{3}{5}}$$

- 5 右の図のような、カードが5枚あります。これらのカードを箱に入れて、同時に2枚を

ABCDE 取り出すとき、次の問い合わせに答えなさい。

- ① 2枚のカードがともに奇数である確率を答えなさい。

- ② 2枚のカードの積が3の倍数である確率を答えなさい。

- 6 次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・色玉**hakken の法則**

例 A の袋の中に、赤玉 3 個と白玉 2 個が入っている。B の袋の中には、赤玉 2 個と白玉 1 個が入っている。それぞれの袋の中から玉を 1 個取り出すとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) A の袋から玉を 1 個取り出すとき、赤玉の出る確率は $\frac{3}{5}$ と考えた。どのように考えたか。その考え方を説明しなさい。

[答] **例** 起こりうる場合が全部で 5 通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。そのうち、赤玉が出る場合が 3 通りあるから

- (2) B の袋から玉を 1 個取り出すとき、赤玉の出る確率を答えなさい。

[解き方] 起こりうる場合が全部で 3 通り、そのうち、赤玉が出る場合が 2 通りある

$$\text{から } \frac{2}{3}$$

$$[答] \frac{2}{3}$$

- (3) A と B では、赤玉の出る確率は、どちらのほうが大きいか。

[解き方] A は、 $\frac{3}{5} = \frac{9}{15}$ B は、 $\frac{2}{3} = \frac{10}{15}$ よって B [答] B

7

赤玉 4 個、黄玉 2 個、青玉 3 個が入っている箱がある。この箱から玉を 1 個取り出すとき、次の問い合わせに答えなさい。

ABCDE

- ① 赤玉が出る確率を答えなさい。

- ② 赤玉または黄玉が出る確率

- 8 赤玉 2 個, 黄玉 2 個, 青玉 1 個が入っている箱がある。この箱から玉を 2 個取り出すとき,
BCDE 次の問い合わせに答えなさい。
- ① 赤玉がふくまれる確率

② 2 つとも黄玉である確率

- 9 袋の中に, 赤玉 3 個と白玉 2 個が入っている。この中から 1 個の玉を取り出し, それを袋にも
BCDE どしてから, また 1 個の玉を取り出すとき, 次の問い合わせに答えなさい。

次の問い合わせに答えなさい。

① 取り出した 2 個がどちらも赤である確率を求めなさい。

② 取り出した 2 個がどちらも白である確率を求めなさい。

③ 取り出した 2 個のうち, 1 個が赤で 1 個が白である確率を求めなさい。

- 10 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・硬貨

hakken. の 法則

例 2枚の硬貨を同時に投げるとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 2枚とも表になる確率を求めなさい。

[解き方] 樹形図より、表と裏の出方は全部で4通り

2枚とも表になるのは、1通り、よって確率は $\frac{1}{4}$ [答] $\underline{\underline{\frac{1}{4}}}$

- (2) 表と裏ができる確率を求めなさい。

[解き方] 樹形図より、表と裏が出るのは全部で2通り

よって、 $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

1枚目 2枚目



①=表、②=裏

[答] $\underline{\underline{\frac{1}{2}}}$

- 11 3枚の500円硬貨を続けて投げるとき、表が2回、裏が1回出る確率を求めなさい。

ABCDE

- 12 100円、50円、10円、5円の硬貨4枚を1度に投げるとき、

BCDE 次の問い合わせに答えなさい。

- ① 少なくとも1枚は裏になる確率を求めなさい。



- ② 全て表で165円になる確率を求めなさい。

13 次の hakken の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・さいころ

hakken の法則



★ 「2 個のさいころを投げる」 や 「2 回さいころを投げる」といった場合の問題を解くときは、表を使って解く。

例 さいころを 2 回続けて投げるとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 出る目の数は全部で何通りあるか求めなさい。
- (2) 出る目の数の積が 6 になる確率を求めなさい。
- (3) 出る目の数の和が 7 になる確率を求めなさい。
- (4) 1~6 のどれかの目が出る確率
- (5) 7~10 が出る確率

[解き方]

(1)

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |
| 2 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |
| 3 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |
| 4 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |
| 5 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |
| 6 | ● | ● | ● | ● | ● | ● |

(2)

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | | | | | | ⑥ |
| 2 | | | ⑥ | | | |
| 3 | | ⑥ | | | | |
| 4 | | | | | | |
| 5 | | | | | | |
| 6 | ⑥ | | | | | |

上の表より 36 通り [答] 36 通り

上の表より出る目の数の積が 6 になる

(3)

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | | | | | | ⑦ |
| 2 | | | | | ⑦ | |
| 3 | | | ⑦ | | | |
| 4 | | ⑦ | | | | |
| 5 | | ⑦ | | | | |
| 6 | ⑦ | | | | | |

(4) 必ず起こるから、確率は、1

[答] 1

(5) 決して起こらないから、確率は、0

[答] 0

場合は 4 通り、求める確率は

$$\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$$

[答] $\frac{1}{9}$

左の表より出る目の数の和が 7 になる

場合は 6 通り、求める確率は

$$\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

[答] $\frac{1}{6}$

14 大小 2 つのさいころを同時に投げるとき、次の各問いに答えなさい。

ABCDE ① 出る目の数が同じになる確率を求めなさい。

② 少なくとも一方が 3 未満になる確率を求めなさい。

15 大小 2 つのさいころを同時に投げるとき、次の各問いに答えなさい。

BCDE ① 出る目の数の差が 2 にならない確率を求めなさい。

② 出る目の数の和が 1 になる確率を求めなさい。

16 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

あることが起こらない確率

hakken. の法則

★A の起こらない確率…一般に、ことがら A の起こる確率を p とすると次のことがいえる。

$$A \text{ の起こらない確率} = 1 - p$$

- 例 さいころを 2 回続けて投げるとき、出る目の数の和が 7 にならない確率を求めなさい。

[解き方] 表より

出る目の数の和が 7 になる場合は 6 通り、

$$\text{出る目の数の和が 7 になる確率} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

出る目の数の和が 7 にならない確率は、

$$1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$

[答] $\underline{\frac{5}{6}}$

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | | | | | | 7 |
| 2 | | | | | 7 | |
| 3 | | | | 7 | | |
| 4 | | | 7 | | | |
| 5 | | 7 | | | | |
| 6 | 7 | | | | | |

17 さいころを 2 回続けて投げるとき、出る目の数の和が 4 にならない確率を求めなさい。

ABCDE

18 次の hakken. の法則を読んで内容を覚えなさい。

ABCDE

確率・くじ

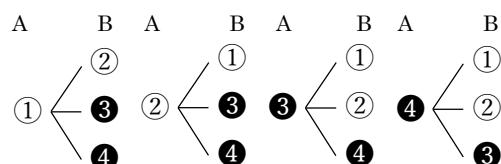
hakken. の法則

- 例 4 本のうち 2 本のあたりくじが入っているくじがある。A, B の 2 人が、この順に 1 本ずつくじをひくとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 2 人のくじのひき方は、全部で何通りあるか答えなさい。

[解き方] あたりくじを ①, ②, はずれくじを ③, ④ とすると、くじのひき方の樹形図は右のようになる。 [答] 12 通り

- (2) A, B どちらの方があたる確率が大きいか
答えなさい。



[解き方] A があたるのは、上の図から 6 通りであるから、 $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

B があたるのも、右の図から 6 通り

したがって、あたる確率はどちらも $\frac{1}{2}$ で同じである。 [答] どちらも同じ

- 19 5本のうち、あたりが2本はいっているくじがあります。このくじを同時に2本ひくとき、ABCDE 少なくとも1本があたりである確率を求めなさい。

- 20 A,B,C,D の4人のなかから、くじびきで2人の委員を選ぶとき、次の問いに答えなさい。

BCDE ① 2人の委員の選び方は全部で何通りあるか答えなさい。

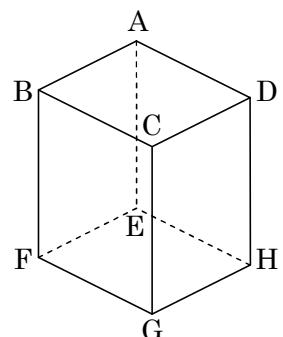
② Cが委員に選ばれる確率を求めなさい。

- 21 右の図のような直方体とその頂点を表すA~Hの記号を書いたカードがある。

CDE A~DのカードはⒶの袋に、E~HのカードはⒷの袋に入っている。

ⒶとⒷの袋からそれぞれ1枚ずつ取り出したカードが表す頂点を結ぶとき、次の確率を求めなさい。

① 直線が平面ABCDに垂直



② 直線CGとねじれの位置となる直線の確率

22 右の図のような四角椎の頂点に球があり、球は1秒ごとに他の頂点に移る

CDE ものとするとき、球Pと頂点Bにある球Qがそれぞれ同時にスタートし、
1秒後に同じ頂点にある確率を求めなさい。

