

## 5-2 直方体や立方体の体積

1

ABCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

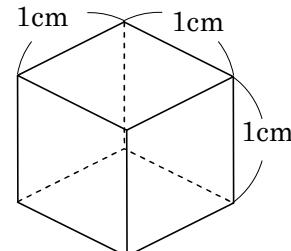
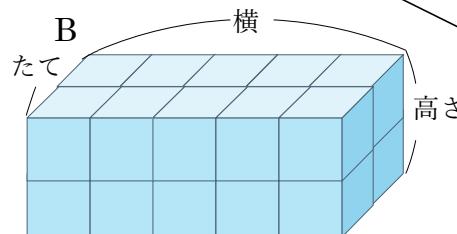
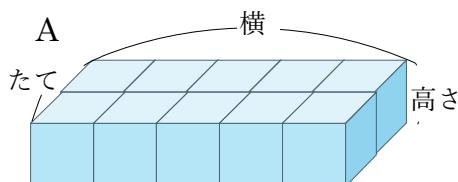
### 体積

### hakken. の法則

★学習内容 体積…もののかさのことを、体積といいます。

1辺が 1cm の立方体の体積を、1立方センチメートルといい、 $1\text{cm}^3$ と書きます。

例題 1辺が 1cm の立方体が図のようにおいてあります。



① それぞれ何個の立方体がおいてありますか。

- A たてに 2 個、横に 5 個なので  $2 \times 5 = 10$ (個)  
B たてに 2 個、横に 5 個が 2 段あるので  $2 \times 5 \times 2 = 20$ (個)

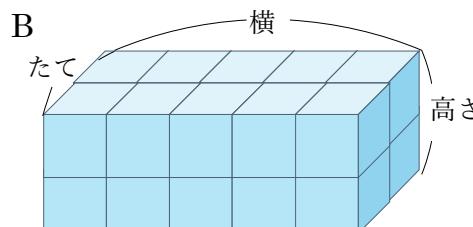
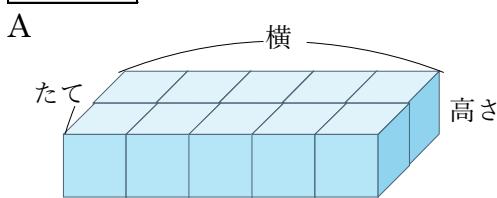
答 A 10 個 B 20 個

② それぞれの体積は何  $\text{cm}^3$ ですか。

- A  $1\text{cm}^3$  の立方体が 10 個あるので  $10\text{cm}^3$   
B  $1\text{cm}^3$  の立方体が 20 個あるので  $20\text{cm}^3$

答 A  $10\text{cm}^3$  B  $20\text{cm}^3$

確認問題 1辺が 1cm の立方体が図のようにおいてあります。



① それぞれ何個の立方体がおいてありますか。

解説は上記 hakken. の法則を参照

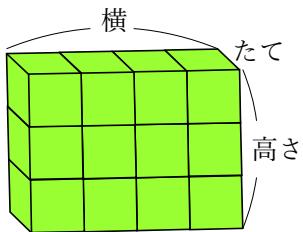
A 10 個 B 20 個

② それぞれの体積は何  $\text{cm}^3$ ですか。

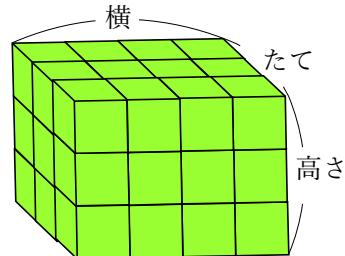
A  $10\text{cm}^3$  B  $20\text{cm}^3$

2 1辺が 1cm の立方体が図のようにおいてあります。

ABCDE A



B



① それぞれ何個の立方体がおいてありますか。

- A たてに 1 個、横に 4 個が 3 段あるので  $1 \times 4 \times 3 = 12$ (個)  
 B たてに 3 個、横に 4 個が 3 段あるので  $3 \times 4 \times 3 = 36$ (個)

A **12 個**

B **36 個**

② それぞれの体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。

- A  $1\text{cm}^3$  の立方体が 12 個あるので  $12\text{cm}^3$   
 B  $1\text{cm}^3$  の立方体が 36 個あるので  $36\text{cm}^3$

A **12cm<sup>3</sup>**

B **36cm<sup>3</sup>**

3

ABCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

**直方体や立方体の体積の公式****hakken. の法則**★学習内容 直方体や立方体の体積の公式…直方体や立方体の体積は、

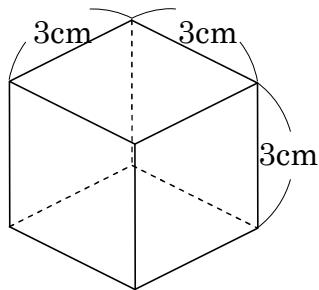
次の公式で求められます。

直方体の体積=たて×横×高さ

立方体の体積=1辺×1辺×1辺

例題 次の立方体と直方体の体積を求めましょう。

①

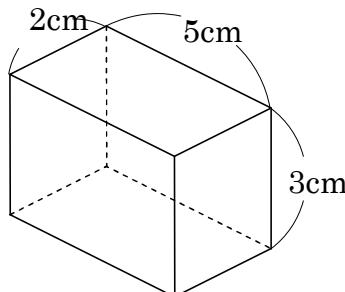


一辺が 3cm の立方体なので

$$3 \times 3 \times 3 = 27(\text{cm}^3)$$

答  $27\text{cm}^3$ 

②



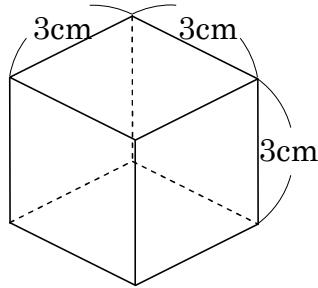
たて 2cm 横 5cm 高さ 3cm の直方体なので

$$2 \times 5 \times 3 = 30(\text{cm}^3)$$

答  $30\text{cm}^3$ **確認問題**

次の立方体と直方体の体積を求めましょう。

①

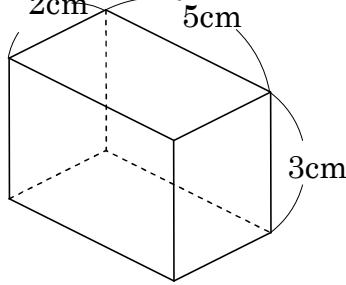


一辺が 3cm の立方体なので

$$3 \times 3 \times 3 = 27(\text{cm}^3)$$

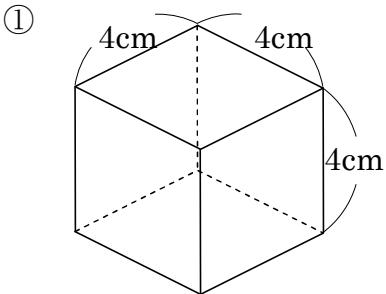
**27cm<sup>3</sup>**

②

たて 2cm 横 5cm 高さ 3cm の直方体なので,  $2 \times 5 \times 3 = 30(\text{cm}^3)$ **30cm<sup>3</sup>**

## 4 次の立方体と直方体の体積を求めましょう。

ABCDE

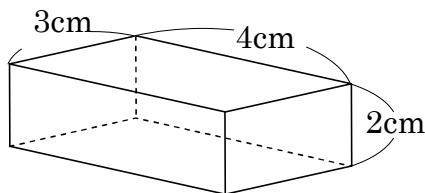


一辺が 4cm の立方体なので

$$4 \times 4 \times 4 = 64(\text{cm}^3)$$

**64cm<sup>3</sup>**

②



たて 3cm 横 4cm 高さ 2cm の直方体

$$3 \times 4 \times 2 = 24(\text{cm}^3)$$

**24cm<sup>3</sup>**

## 5 次の体積を求めましょう。

ABCDE

- ① たて 5cm 横 2cm 高さ 6cm の直方体 ② 一辺が 5cm の立方体

$$5 \times 2 \times 6 = 60(\text{cm}^3)$$

**60cm<sup>3</sup>**

$$5 \times 5 \times 5 = 125(\text{cm}^3)$$

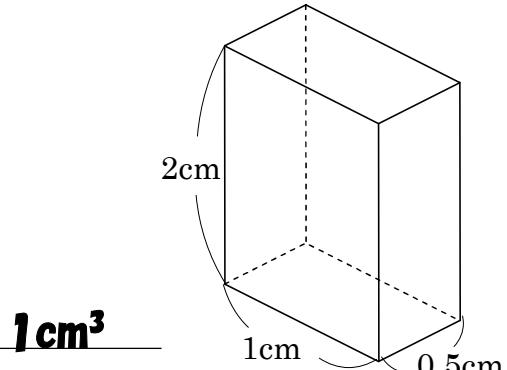
**125cm<sup>3</sup>**

## 6 次の図形の体積を求めましょう。

ABCDE

たて 0.5cm 横 1cm 高さ 2cm の直方体なので

$$0.5 \times 1 \times 2 = 1(\text{cm}^3)$$



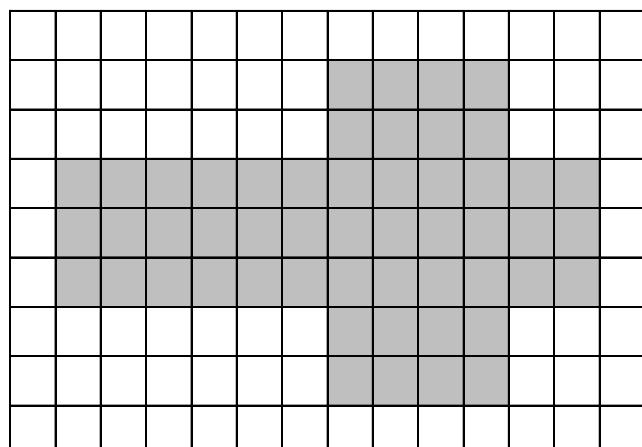
**1cm<sup>3</sup>**

## 7 次の図は直方体の展開図です。

CDE

この直方体の体積を求めましょう。  
(マス目はたて、横 1cm の正方形)展開図を組み立てると  
たて 3cm 横 4cm 高さ 2cm の  
直方体となるから  
 $3 \times 4 \times 2 = 24(\text{cm}^3)$ 

**24cm<sup>3</sup>**



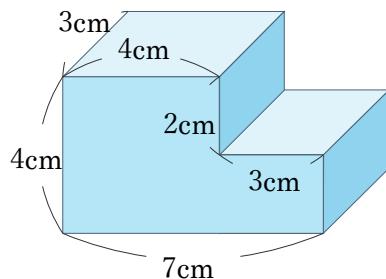
8

ABCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

**体積の求め方のくふう****hakken. の法則**

★学習内容 体積の求め方のくふう…複雑な形の体積は、直方体や立方体をもとにして、考えれば求めることができます。

例題 下の図の体積を求めましょう。



① 図 I のように 2 つの直方体に分けて求めましょう。

(ア)はたて 3cm 横 4cm 高さ 2cm の直方体で、  
(イ)はたて 3cm 横 7cm 高さ 2cm の直方体なので、

$$3 \times 4 \times 2 + 3 \times 7 \times 2 = 24 + 42 \\ = 66(\text{cm}^3)$$

② 図 II のように 2 つの直方体に分けて求めましょう。

(ウ)はたて 3cm 横 4cm 高さ 4cm の直方体で、  
(エ)はたて 3cm 横 3cm 高さ 2cm 直方体なので、

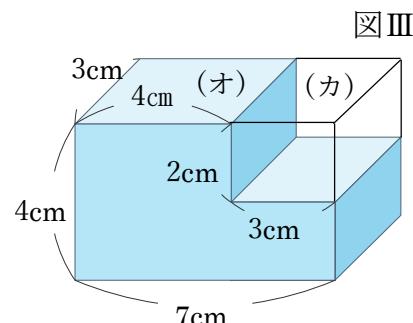
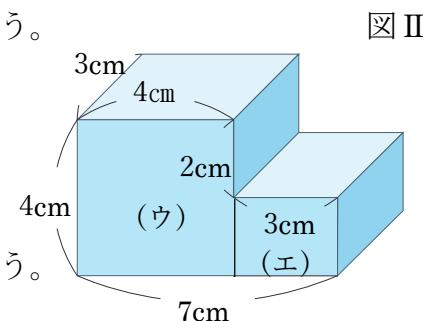
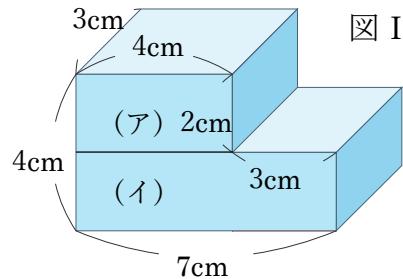
$$3 \times 4 \times 4 + 3 \times 3 \times 2 = 48 + 18 \\ = 66(\text{cm}^3)$$

③ 図 III のように大きい直方体(オ)から、

小さい直方体(カ)の体積を引いて求めましょう。

(オ)はたて 3cm 横 7cm 高さ 4cm の直方体で  
(カ)はたて 3cm 横 3cm 高さ 2cm 直方体なので、

$$3 \times 7 \times 4 - 3 \times 3 \times 2 = 84 - 18 \\ = 66(\text{cm}^3)$$

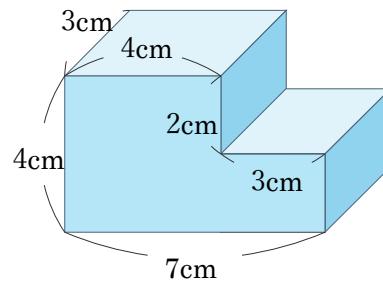


答 66cm<sup>3</sup>

**確認問題** 右の図の体積を求めましょう。

解説は上記 hakken. の法則を参照

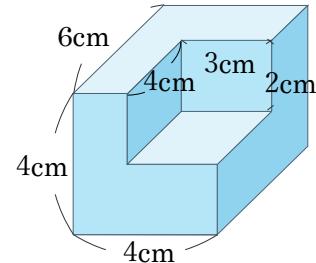
**66cm<sup>3</sup>**



9 右の図の体積を求めましょう。

ABCDE

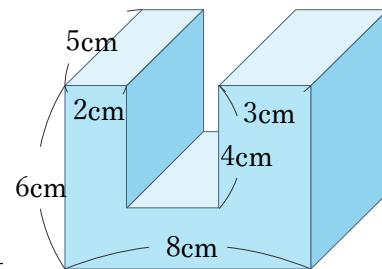
$$\begin{aligned} 6 \times 4 \times 4 - 4 \times 3 \times 2 &= 96 - 24 \\ &= 72(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

**72cm<sup>3</sup>**

10 次の図の体積を求めましょう。

BCDE

$$\begin{aligned} 5 \times 8 \times 6 - 3 \times 5 \times 4 &= 240 - 60 \\ &= 180(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

**180cm<sup>3</sup>**

11 右の図の体積を求めましょう。

BCDE

⑦, ①, ⑨の直方体に分けて体積を求める。  
⑦ ① ⑨

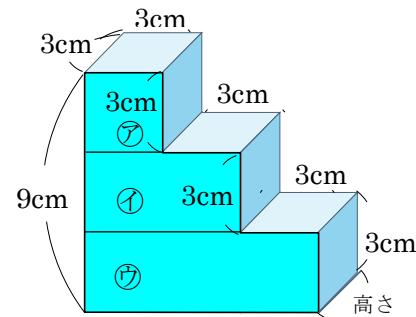
$$\begin{aligned} 3 \times 3 \times 3 + 3 \times 6 \times 3 + 3 \times 9 \times 3 &= 27 + 54 + 81 \\ &= 162(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

別解



の面積×高さ

$$\begin{aligned} (3 \times 3 + 3 \times 6 + 3 \times 9) \times 3 &= (9 + 18 + 27) \times 3 \\ &= 54 \times 3 \\ &= 162(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

**162cm<sup>3</sup>**

12 右の図の体積を求めましょう。

BCDE

全体の体積から、あの部分の体積をひく。

全体 あの部分

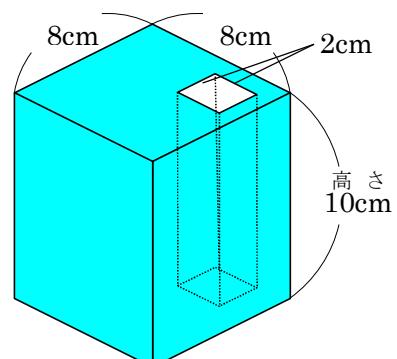
$$\begin{aligned} 8 \times 8 \times 10 - 2 \times 2 \times 10 &= 640 - 40 \\ &= 600(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

別解



の面積×高さ

$$\begin{aligned} (8 \times 8 - 2 \times 2) \times 10 &= (64 - 4) \times 10 \\ &= 60 \times 10 \\ &= 600(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

**600cm<sup>3</sup>**

13

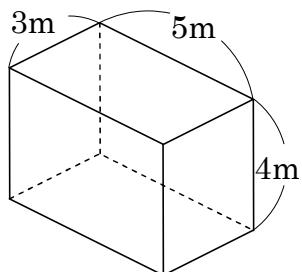
ABCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

**おおきな体積の単位****hakken. の法則****★学習内容 おおきな体積の単位**

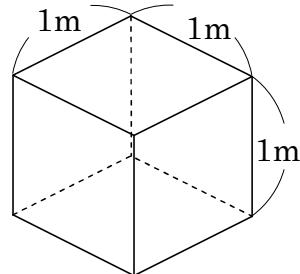
…1辺が 1m の立方体の体積を

りっぽう 1立方メートルといい、 $1m^3$ と書きます。

$$1m^3 = 1000000cm^3$$

例題 下の直方体の体積を求めましょう。

$$3 \times 5 \times 4 = 60(m^3)$$

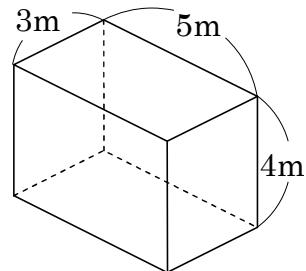


答  $60m^3$

**確認問題** 右の直方体の体積を求めましょう。

$$3 \times 5 \times 4 = 60(m^3)$$

**60m<sup>3</sup>**

**14** 体積が  $48cm^3$  でたて 2cm 横 4cm の直方体の高さの長さを求めましょう。

ABCDE

直方体の体積 = たて × 横 × 高さだから、 $2 \times 4 \times \square = 48(cm^3)$ 

$$8 \times \square = 48 \quad \text{両辺を 8 で割ると,}$$

$$8 \times \square \div 8 = 48 \div 8$$

$$8 \div 8 \times \square = 48 \div 8$$

$$\square = 6(cm)$$

**6cm**

**15** 体積が  $8m^3$  の立方体の 1 辺の長さを求めましょう。

ABCDE

立方体の体積 = 1 辺 × 1 辺 × 1 辺 だから、 $\square \times \square \times \square = 8(m^3)$ 

$$\square = 2(m)$$

**2m**

16

ABCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

**容積①**

★学習内容 容積①…入れ物の中にいっぱいに入る水などの体積を、その入れ物の容積といいます。

$$1\text{L} = 1000\text{cm}^3 = 1000\text{mL}, \quad 1\text{mL} = 1\text{cm}^3$$

確認問題 次の空らんに数字を入れましょう。

$$\textcircled{1} \quad 1\text{L} = \underline{\textbf{1000}} \text{ cm}^3 \quad \textcircled{2} \quad 1\text{L} = \underline{\textbf{1000}} \text{ mL} \quad \textcircled{3} \quad 1\text{mL} = \underline{\textbf{1}} \text{ cm}^3$$

17

ABCDE 次の空らんに数字を入れましょう。

$$\textcircled{1} \quad 2\text{L} = \underline{\textbf{2000}} \text{ cm}^3 \quad \textcircled{2} \quad 2\text{L} = \underline{\textbf{2000}} \text{ mL} \quad \textcircled{3} \quad 2\text{mL} = \underline{\textbf{2}} \text{ cm}^3$$

18

ABCDE 次の体積を( )内に示した単位で表しましょう。

① $32\text{m}^3(\text{cm}^3)$ $1\text{m}^3 = 1000000\text{cm}^3$ $1000000 \times 32 = 32000000(\text{cm}^3)$	② $250\text{cm}^3(\text{mL})$ $1\text{cm}^3 = 1\text{mL}$ $250\text{cm}^3 = 250(\text{mL})$
--	---

**32000000cm<sup>3</sup>****250mL**

19

ABCDE 次の体積を( )内に示した単位で表しましょう。

① $9\text{L}(\text{cm}^3)$ $1\text{L} = 1000\text{cm}^3$ $1000 \times 9 = 9000(\text{cm}^3)$	② $21000\text{cm}^3(\text{L})$ $1000\text{cm}^3 = 1\text{L}$ $21000 \div 1000 = 21(\text{L})$
--	---

**9000cm<sup>3</sup>****21L**

20

ABCDE 次の体積を( )内に示した単位で表しましょう。

① $2.4\text{mL}(\text{cm}^3)$ $1\text{mL} = 1\text{cm}^3$ $2.4 \times 1 = 2.4 (\text{cm}^3)$	② $7000000\text{cm}^3(\text{m}^3)$ $1000000\text{cm}^3 = 1\text{m}^3$ $7000000 \div 1000000 = 7 (\text{m}^3)$
--	---

**2.4cm<sup>3</sup>****7m<sup>3</sup>**

## 21 次の容積を求めましょう。

ABCDE

- ① たて 5cm 横 4cm 高さ 8cm の直方体のかたちの箱

$$5 \times 4 \times 8 = 160(\text{cm}^3)$$

**160cm<sup>3</sup>**

- ② たて 3m 横 2m 高さ 4m の直方体のかたちの水そう

$$3 \times 2 \times 4 = 24(\text{m}^3)$$

**24m<sup>3</sup>**

22

- BCDE 次の hakken. の法則を読んで問題を解きなさい。

**容積②****hakken. の法則**

★学習内容 容積②…入れ物の内側の長さを内のりといいます。

例題 右の容器の容積を求めましょう。

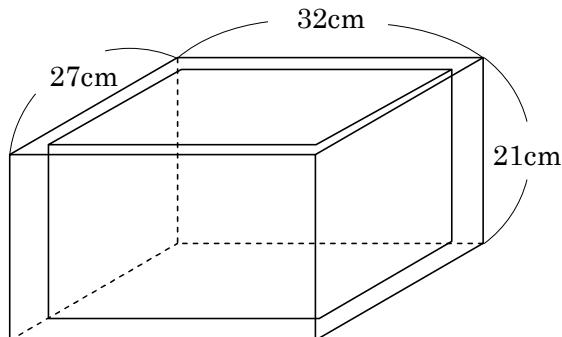
容器の厚さはすべて 1cm として  
考えましょう。

また単位は L で答えましょう。

容器の厚さが 1cm だから  
内のりのたては 25cm, 横は 30cm,  
高さは 20cm,

容積は  $25\text{cm} \times 30\text{cm} \times 20\text{cm} = 15000\text{cm}^3$

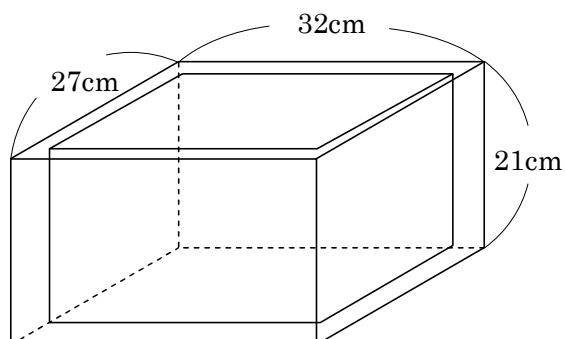
$1\text{L}=1000\text{cm}^3$  なので 15L



答 **15L**

確認問題 下の容器の容積を求めましょう。容器の厚さはすべて 1cm として考え  
ましょう。また単位は L で答えましょう。

容器の厚さが 1cm だから  
内のりのたては 25cm, 横は 30cm,  
高さは 20cm,  
容積は  $25\text{cm} \times 30\text{cm} \times 20\text{cm} = 15000\text{cm}^3$   
 $1\text{L}=1000\text{cm}^3$  なので 15L



**15L**

23 内のりが、たて 40cm 横 20cm 深さ 50cm の水そうがあります。

CDE ① 水を深さ 20cm まで入れると何 L 入りますか。

$$40 \times 20 \times 20 = 16000(\text{cm}^3)$$

$$16000\text{cm}^3 = 16\text{L}$$

**16L**

② 24L の水が入っているとき高さは何 cm ですか。

$$40 \times 20 \times \square = 24000$$

$$\square = 30(\text{cm})$$

**30cm**

24 まとめ 次の図形の体積を求めましょう。

CDE ① たて 8cm 横 3cm 高さ 5cm の直方体の体積はいくつですか。

$$8 \times 3 \times 5 = 120(\text{cm}^3)$$

**120cm<sup>3</sup>**

② 1 辺が 6cm の立方体の体積はいくつですか。

$$6 \times 6 \times 6 = 216(\text{cm}^3)$$

**216cm<sup>3</sup>**

25 まとめ 体積が 504cm<sup>3</sup> でたて 7cm 高さ 9cm の直方体の横の長さを求めましょう。

CDE

直方体の体積 = たて × 横 × 高さだから、 $7 \times \square \times 9 = 504(\text{cm}^3)$

$$63 \times \square = 504 \quad \text{両辺を } 63 \text{ で割ると,}$$

$$63 \times \square \div 63 = 504 \div 63$$

$$63 \div 63 \times \square = 504 \div 63$$

$$\square = 8(\text{cm})$$

**8cm**

26 まとめ 体積が 125m<sup>3</sup> の立方体の 1 辺の長さを求めましょう。

CDE

立方体の体積 = 1 辺 × 1 辺 × 1 辺 だから、 $\square \times \square \times \square = 125(\text{m}^3)$

$$\square = 5(\text{m})$$

**5m**

27 まとめ 内のりが、たて 10cm 横 10cm 高さ 40cm の水そうがあります。

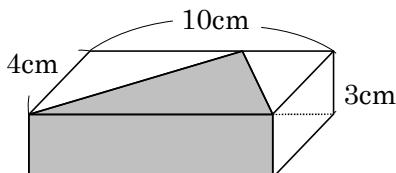
CDE 今、20cm の深さまで水が入っています。ここに鉄の玉を入れると 23cm になりました。鉄の玉の体積を求めましょう。

増えた分の体積が求める体積なので、 $10 \times 10 \times (23 - 20) = 300(\text{cm}^3)$

**300cm<sup>3</sup>**

28 まとめ 次の直方体の中の黒色の部分の体積を工夫して求めましょう。

CDE

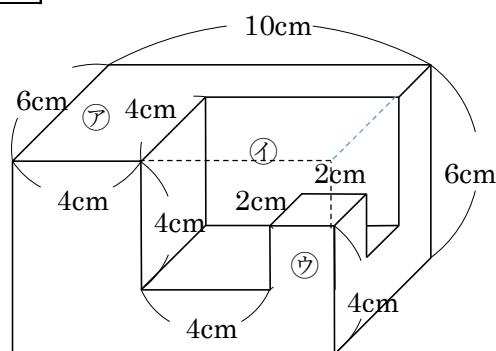


たて 4cm 横 10cm 高さ 3cm の直方体の半分の体積だから  
 $4 \times 10 \times 3 \div 2 = 60(\text{cm}^3)$

**60cm<sup>3</sup>**

29 まとめ 次の図の体積を求めましょう。

DE

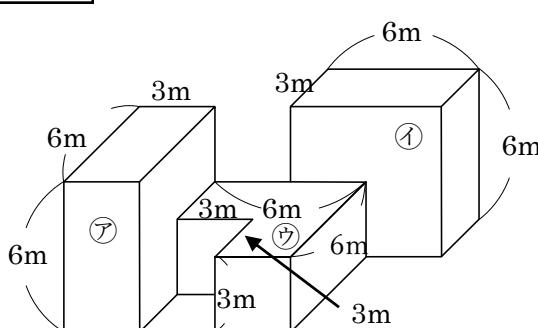


⑦  $6 \times 10 \times 6$  の直方体  
 —①  $4 \times (10 - 4) \times 4$  の直方体  
 +④  $2 \times 2 \times 2$  の立方体  
 $6 \times 10 \times 6 - 4 \times (10 - 4) \times 4 + 2 \times 2 \times 2$   
 $= 360 - 96 + 8$   
 $= 272(\text{cm}^3)$

**272cm<sup>3</sup>**

30 まとめ 次の図の体積を求めましょう。

E



3つの直方体と一つの立方体に分ける。

⑦ ① ⑤  
 $6 \times 3 \times 6 + 3 \times 6 \times 6 + 6 \times 6 \times 3 - 3 \times 3 \times 3$   
 $= 108 + 108 + 108 - 27$   
 $= 297(\text{m}^3)$

**297m<sup>3</sup>**